

Документ подписан простой электронной подписью

Информация о владельце:

ФИО: Беспалов Владимир Александрович

Должность: Ректор МИЭТ

Дата подписания: 16.07.2024 12:48:05

Уникальный программный ключ:

ef5a4fe6ed0ffdf3f1a4a9a1c1c02b030180804

Аннотация рабочей программы дисциплины

«Универсальная алгебра»

Направление подготовки – 02.03.01 «Математика и компьютерные науки»

Направленность (профиль) - «Компьютерная математика и анализ данных»

Уровень образования - «бакалавриат»

Форма обучения - «очная»

1. Цели и задачи дисциплины

Цель преподавания дисциплины: формирование способности использовать системный подход и навыки критического мышления, находить альтернативные варианты решения нестандартных задач алгебры.

Задачи дисциплины: приобретение теоретических знаний в области универсальной алгебры, умение формулировать проблемы исследования на языке алгебры и критически анализировать и обобщать условия нестандартных задач, приобретение опыта построения последовательной содержательной аргументации в поддержку выбора вариантов моделей на этапах решения задачи, формирования собственных методов и суждений, аргументации свои выводов и точки зрения при обработке, анализе и синтезе информации о методах и средствах решения задач, критической оценки достоинств и недостатков вариантов решения задач.

2. Место дисциплины в структуре ОП

Дисциплина входит в часть, формируемую участниками образовательных отношений, Блока ФТД «Факультативы» образовательной программы.

Для изучения дисциплины студент должен владеть знаниями и умениями в пределах программы дисциплин «Линейная алгебра и аналитическая геометрия» и «Дискретная математика».

Понятия и методы дисциплины используются при изучении других математических, естественнонаучных и инженерных дисциплин.

3. Краткое содержание дисциплины

Понятие алгебраической операции. Изоморфизм, гомоморфизм. Единицы, нули. Полугруппы. Примеры полугрупп. Полурешётки и решётки. Коммутативные полугруппы идемпотентов. Полные решётки. Решётка $E_q A$. Универсальные алгебры. Конгруэнции, гомоморфизмы, фактор-алгебры. Теоремы об изоморфизме. Решётка конгруэнций $Con A$. Унары. Группы. Примеры групп. Группы подстановок. Вложимость группы в группу подстановок. Разложение группы по подгруппе. Теорема Лагранжа. Порядок элемента группы.

Полигон над полугруппой. Эквивалентность понятий полигона и автомата. Регулярные элементы в полугруппе. Регулярные полугруппы. Отношения Грина на полугруппе. Регулярные \mathcal{D} -классы. Рисовские матричные полугруппы. Вполне простые и вполне 0-простые полугруппы. Теорема Сушкевича – Риса. Подпрямое произведение. Идея аппроксимации. Подпрямые неразложимые алгебры. Их характеристика. Теорема Биркгофа о подпрямых произведениях.

Разработчик:

Профессор каф. ВМ-1, д.ф.м.н, профессор Кожухов И.Б.