

Документ подписан простой электронной подписью
Информация о владельце:
ФИО: Гаврилов Сергей Александрович
Должность: И.О. Ректор
Дата подписания: 08.07.2026 15:18:11
Уникальный программный ключ:
f17218015d82e3c1457d1df9e244def505047355

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации
Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования
«Национальный исследовательский университет
«Московский институт электронной техники»



УТВЕРЖДАЮ

Проректор по учебной работе

А.Г. Балашов

«25» 02 2026 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

«Теория функций комплексной переменной»

Направление подготовки – 01.03.04 «Прикладная математика»

Москва, 2026

1. ПЕРЕЧЕНЬ ПЛАНИРУЕМЫХ РЕЗУЛЬТАТОВ ОБУЧЕНИЯ

Дисциплина участвует в формировании следующих компетенций образовательных программ:

Компетенции, формируемые в дисциплине	Подкомпетенции, формируемые в дисциплине	Индикаторы достижения компетенций
ОПК-1. Способен применять знание фундаментальной математики и естественно-научных дисциплин при решении задач в области естественных наук и инженерной практике	ОПК-1.ТФКП. Способен использовать абстрактные модели и методы теории функций комплексной переменной при решении практических задач	<i>Знает</i> теоретические основы теории функций комплексной переменной и некоторые практические приложения основных разделов дисциплины к задачам физики и инженерной практики. <i>Умеет</i> применять основные методы теории функций комплексной переменной при решении учебных задач. <i>Имеет опыт</i> решения практических задач в области естественных наук и в инженерной практике с использованием аппарата теории функций комплексной переменной.

2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

Дисциплина «Теория функций комплексной переменной» входит в обязательную часть Блока 1 «Дисциплины (модули)» образовательной программы.

Для её изучения студент должен владеть знаниями, умениями и навыками в объёме программы математики полной средней школы, а также требуются знания по пройденным ранее разделам дисциплин «Основ математического анализа» и «Математического анализа»; знание ряда физических законов при решении задач практической (прикладной) направленности.

3. ОБЪЕМ ДИСЦИПЛИНЫ И ВИДЫ УЧЕБНОЙ РАБОТЫ

Курс	Семестр	Общая трудоёмкость (ЗЕ)	Общая трудоёмкость (часы)	Контактная работа					Самостоятельная работа		Промежуточная аттестация
				Лекции (часы)	Лабораторные работы (часы)	Практические занятия (часы)	Текущий контроль/ групповые консультации (часы)	Промежуточная аттестация (часы)	Текущая СР (часы)	Подготовка к экзамену (часы)	
2	3	4	144	32	–	32	8	6	36	30	Экз

4. СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

№ и наименование модуля	Контактная работа					Самостоятельная работа		Формы текущего контроля
	Лекции (часы)	Лабораторные работы (часы)	Практические занятия (часы)	Текущий контроль/ групповые консультации (часы)	Промежуточная аттестация (часы)	Текущая СР (часы)	Подготовка к экзамену (часы)	
1. «Основы теории функций комплексной переменной»	16	-	16	4	6	18	30	Контроль выполнения текущих домашних работ
								Защита индивидуального большого домашнего задания № 1 (практической направленности) по теме «Основы теории функций комплексной переменной»
								Контрольная работа № 1 по теме «Основы теории функций комплексной переменной»

№ и наименование модуля	Контактная работа					Самостоятельная работа		Формы текущего контроля
	Лекции (часы)	Лабораторные работы (часы)	Практические занятия (часы)	Текущий контроль/ групповые консультации (часы)	Промежуточная аттестация (часы)	Текущая СР (часы)	Подготовка к экзамену (часы)	
2. «Числовые и функциональные ряды»	16	-	16	4		18		Коллоквиум
								Контроль выполнения текущих домашних работ
								Контрольная работа № 2 по теме «Числовые и функциональные ряды»
								Защита индивидуального задания № 2 по «Числовые ряды»
								Защита индивидуального задания № 3 по теме «Функциональные ряды»

4.1. Лекционные занятия

№ модуля дисциплины	№ лекции	Объем занятий (часы)	Краткое содержание
1	1	2	Комплексные числа, основные понятия. Комплексные числа, действия над ними, геометрическая интерпретация, различные формы представления комплексного числа. Простейшие множества точек на комплексной плоскости. Бесконечно удаленная точка.
	2	2	Функция комплексной переменной. Последовательности комплексных чисел. Предел последовательности. Понятие области. Понятие функции комплексного аргумента. Элементарные функции.

	3, 4	4	Дифференцирование функции комплексного аргумента. Предел функции комплексной переменной. Непрерывность функции комплексной переменной. Дифференцирование функции комплексного аргумента. Условия Коши-Римана. Понятие аналитичности функции комплексного аргумента. Свойства аналитических функций.
	5	2	Интеграл функции комплексного аргумента. Криволинейные интегралы второго рода. Формула Грина. Интеграл функции комплексного аргумента.
	6	2	Теорема Коши. Теорема Коши для односвязной и многосвязной областей. Неопределенный интеграл.
	7	2	Интегральная формула Коши. Интегральная формула Коши. Интеграл Коши. Принцип максимума модуля. Принцип минимума модуля.
	8	2	Формула Коши для производных. Существование производных произвольного порядка у аналитической функции. Формула среднего значения. Теоремы Мореры и Лиувилля.
2	9	2	Числовые ряды, общее знакомство. Необходимое условие сходимости. Критерий Коши. Свойства сходящихся рядов. Абсолютно сходящиеся ряды. Теоремы о сравнении рядов с неотрицательными членами (признаки сравнения сходимости рядов с положительными членами). Примеры.
	10	2	Признаки сходимости рядов с неотрицательными членами. Признаки Даламбера и Коши, формула Стирлинга (без доказательства). Интегральный признак Коши сходимости рядов. Ряд Дирихле.
	11	2	Признаки сходимости знакопеременных рядов. Знакопеременные ряды. Абсолютная и условная сходимость. Признаки Лейбница, Дирихле и Абеля.
	12	2	Об изменение порядка суммирования членов ряда. Теорема о перестановке членов абсолютно сходящегося ряда. Теорема Римана.
	13	2	Функциональные последовательности и ряды. Понятие функциональной последовательности и функционального ряда. Равномерная сходимость. Признаки равномерной сходимости. Теоремы для равномерно сходящихся функциональных рядов (непрерывность суммы сходящегося функционального ряда из непрерывных функций, интегрирование сходящегося функционального ряда по кривой).
	14	2	Операции с равномерно сходящимися рядами из аналитических функций. Операции с равномерно сходящимися рядами из аналитических функций (теоремы Вейерштрасса).
	15	2	Степенные ряды. Степенные ряды, область сходимости степенного ряда, формула Коши-Адамара. Теорема Абеля и ее следствия. Разложение в ряд аналитических функций. Теорема Тейлора. Разбор типовых примеров.
	16	2	Аналитическое продолжение функции. Правильные и особые точки, нули аналитической функции. Теоремы о нулях аналитической функции. Аналитическое продолжение функции. Теорема об особой

			точке на границе сходимости степенного ряда. Разбор типовых примеров.
--	--	--	---

4.2. Практические занятия

№ модуля дисциплины	№ практического занятия	Объем занятий (часы)	Наименование занятия
1	1, 2	4	Комплексные числа, действия над ними, различные формы представления комплексного числа. Корень целой степени. Простейшие множества точек на комплексной плоскости.
	3	2	Элементарные функции комплексной переменной. Предел, непрерывность.
	4	2	Аналитические функции. Условия Коши-Римана.
	5	2	Свойства аналитических функций. Восстановление аналитической функции, заданной своей действительной или мнимой частью.
	6, 7	4	Интегралы от функций комплексного переменного (в том числе многозначных). Интегральная формула Коши.
	8	2	Контрольная работа №1 по основам ТФКП.
2	9	2	Исследование сходимости числовых рядов с положительными членами.
	10-11	2	Исследование сходимости числовых рядов с положительными членами. Исследование сходимости знакопеременных рядов.
	12	2	Функциональные ряды.
	13	2	Равномерная сходимость функционального ряда.
	14	2	Степенные ряды, формула Коши-Адамара. Теорема Абеля.
	15	2	Теорема Тейлора, разложение в ряд элементарных функций.
	16	2	Контрольная работа №2 по теме «Числовые и функциональные ряды».

4.3. Лабораторные работы

Не предусмотрены

4.4. Самостоятельная работа студентов

№ модуля дисциплины	Объем занятий (часы)	Вид СРС
1	4	Выполнение текущих домашних работ по темам модуля
	4	Выполнение индивидуального варианта большого домашнего задания №1
	2	Подготовка к контрольной работе №1
	8	Подготовка к коллоквиуму по темам модуля 1
2	6	Выполнение текущих домашних работ по темам модуля

	4	Выполнение индивидуального варианта большого домашнего задания №2
	6	Выполнение индивидуального варианта большого домашнего задания №3
	2	Подготовка к контрольной работе №2

4.5. Примерная тематика курсовых работ (проектов)

Не предусмотрены

5. ПЕРЕЧЕНЬ УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОГО ОБЕСПЕЧЕНИЯ ДЛЯ САМОСТОЯТЕЛЬНОЙ РАБОТЫ

Учебно-методическое обеспечение для самостоятельной работы студентов в составе УМК дисциплины (ОРИОКС// URL: <http://orioks.miet.ru/>;

Общее

- ✓ Семестровый план организации занятий по дисциплине
- ✓ Порядок начисления баллов по накопительной балльной системе оценивания результативности обучения по дисциплине
- ✓ Содержание и порядок проведения экзамена

Модуль 1 «Основы теории функций комплексной переменной»

- ✓ Теоретический материал по темам лекций (для всех видов самостоятельной работы)
- ✓ Учебно-методические материалы для выполнения текущих домашних и индивидуальных заданий;
- ✓ Список вопросов к коллоквиуму
- ✓ Примерные варианты контрольной работы

Модуль 2 «Числовые и функциональные ряды»

- ✓ Теоретический материал по темам лекций (для всех видов самостоятельной работы)
- ✓ Учебно-методические материалы для выполнения текущих домашних и индивидуальных заданий;
- ✓ Примерные варианты контрольной работы

6. ПЕРЕЧЕНЬ УЧЕБНОЙ ЛИТЕРАТУРЫ

Литература

1. Свешников, А.Г. Теория функций комплексной переменной: Учеб.: Для вузов. / Свешников А.Г., Тихонов А.Н. - 6-е изд., стереот. – М.: ФИЗМАТЛИТ, 2010. – 336 с.
2. Алфимов Г.Л. (Автор МИЭТ, ВМ-1). Специальные разделы математического анализа: Учеб. пособие / Г.Л. Алфимов, Е.А. Алышина; Министерство образования и науки РФ, Национальный исследовательский университет "МИЭТ". - М. : МИЭТ, 2011. - 216 с. - Имеется электронная версия издания.
3. Бугров Я.С. Высшая математика: В 3-х т.: Учеб. для вузов. Т. 3: В 2-х кн.: Кн. 2 : Ряды. Функции комплексного переменного / Я.С. Бугров, С.М. Никольский. - 7-е изд., стер. - М. : Юрайт, 2020. - 219 с. - (Высшее образование). - URL: <https://urait.ru/bcode/452425> (дата обращения: 29.08.2025). - ISBN 978-5-9916-8645-7,

978-5-9916-8646-4 : 0-00. - Текст : электронный.

4. Сборник задач по высшей математике: В 4-х ч. : учебное пособие. Ч. 3 / под редакцией А.С. Поспелова. - Москва : Юрайт, 2020. - 395 с. - (Высшее образование). - URL: <https://urait.ru/bcode/451973> (дата обращения: 29.08.2025). - ISBN 978-5-9916-7930-5. - Текст : электронный

7. ПЕРЕЧЕНЬ ПРОФЕССИОНАЛЬНЫХ БАЗ ДАННЫХ, ИНФОРМАЦИОННЫХ СПРАВОЧНЫХ СИСТЕМ

1. Лань : Электронно-библиотечная система Издательства Лань. – СПб., 2011. – URL: <https://e.lanbook.com> (дата обращения: 29.08.2025). – Режим доступа: для авторизованных пользователей МИЭТ
2. eLIBRARY.RU : Научная электронная библиотека: сайт. – Москва, 2000. – URL: <https://www.elibrary.ru/defaultx.asp> (дата обращения: 29.08.2025). – Режим доступа: для зарегистрированных пользователей
3. Math-Net.Ru: общероссийский математический портал: сайт. – Москва, Математический институт им. В.А. Стеклова РАН, 2020. – URL: <http://www.mathnet.ru/> (дата обращения: 29.08.2025). – Режим доступа: для зарегистрированных пользователей.

8. ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ

Дисциплина реализуется путем проведения лекционных и практических занятий по расписанию в аудиториях вуза, групповых консультаций, а также внеаудиторной самостоятельной работы.

Практические занятия проводятся в форме совместного решения типовых заданий и обсуждения нетиповых задач. После каждого практического занятия студенты выполняют домашнюю работу по теме занятия, состоящую из единого для всех студентов набора типовых и нетиповых заданий. На следующем занятии выполнение домашней работы выборочно проверяется. Возникшие у студентов затруднения обсуждаются.

В обучении используются внутренние электронные ресурсы (видео-лекции, текстовые материалы лекций и практических занятий, указания к выполнению индивидуальных заданий) электронной информационно-образовательной среды ОРИОКС <http://orioks.miet.ru>. Основное назначение этих ресурсов – оказание помощи студентам при самостоятельной работе, а также в самостоятельном освоении отдельных тем дисциплины при пропуске занятий. Они могут также использоваться для более углубленного изучения дисциплины и при подготовке к сдаче промежуточной аттестации, при назначении индивидуальных учебных планов студенту.

Информационно-коммуникативные технологии с использованием сети Интернет применяются для консультирования студентов, приема выполненных индивидуальных заданий, выполнения тестов самопроверки.

9. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Наименование специальных помещений и помещений для самостоятельной работы	Оснащенность учебных аудиторий и помещений для самостоятельной работы	Перечень программного обеспечения
Учебная аудитория	Учебная доска	ПО не требуется
Помещение для самостоятельной работы обучающихся	Компьютерная техника с возможностью подключения к сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду МИЭТ	Операционная система Microsoft Windows от 7 версии и выше, Microsoft Office Professional Plus или Open Office, браузер (Firefox, Google Chrome); Acrobat reader DC, Python

10. ФОНДЫ ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ДЛЯ ПРОВЕРКИ СФОРМИРОВАННОСТИ КОМПЕТЕНЦИЙ/ПОДКОМПЕТЕНЦИЙ

ФОС по подкомпетенции ОПК-1.ТФКП. Способен использовать абстрактные модели и методы теории функций комплексной переменной при решении практических задач.

Фонды оценочных средств представлены отдельными документами и размещены в составе УМК дисциплины электронной информационной образовательной среды ОРИОКС// URL: <http://orioks.miet.ru/>.

11. МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ДЛЯ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ

11.1. Особенности организации процесса обучения

Дисциплина изучается в течение одного семестра. Еженедельно читается одна лекция и проводится в одно практическое занятие.

Посещение лекций и практических занятий является обязательным.

Кроме того, еженедельно лектором и преподавателями, ведущими практические занятия, проводятся консультации. Графики консультаций сообщаются лектором и преподавателем и размещаются в ОРИОКС: <http://orioks.miet.ru/>. Посещение еженедельных консультаций, кроме групповых, не является для студентов обязательным за исключением случаев персонального приглашения преподавателем студента на консультацию.

Групповые консультации предназначены для защиты индивидуальных заданий, проведения коллоквиумов и являются обязательными для посещения студентами.

Все содержание дисциплины разбито на два модуля. Каждый модуль является логически завершённой частью курса. Успешность освоения каждого модуля оценивается по результатам выполнения обязательных контрольных мероприятий, а также качеством выполнения студентом текущих домашних заданий к практическим занятиям.

График обязательных контрольных мероприятий разрабатывается и утверждается до начала семестра.

Индивидуальные домашние задания (БДЗ) включают многошаговые практические задания по темам лекций и практических занятий, а также задания прикладной направленности. Помимо этого, для развития цифровых компетенций в БДЗ включены задания, требующие поиска информации, привлечения прикладных математических программ для решения задания и визуализации полученного решения.

Индивидуальные варианты БДЗ выдаются студентам заранее на срок, как правило, не менее двух недель. Студенты выполняют БДЗ в письменной форме в рамках времени, отведённого на самостоятельную работу. Студент должен не только решить задания, но и полно, логично изложить решение. В процессе выполнения студенты могут обратиться за консультацией к преподавателю. Выполненные работы сдаются преподавателю на проверку. Преподаватель помечает ошибки и производит предварительное оценивание. Затем во время групповых консультаций выполнение работ защищается. Защита БДЗ имеет целью: (1) подтвердить самостоятельность выполнения студентом заданий; (2) предоставить студенту возможность улучшить результат путём исправления ошибок (при необходимости преподаватель «подсказывает» студенту пути их исправления). Защиту проводит преподаватель, ведущий практическое занятие по дисциплине. Особое внимание студенты должны обратить на сроки выполнения БДЗ. При нарушении сроков без уважительных причин выполненные задания не проверяются и не оцениваются.

Коллоквиум проводится на групповых консультациях. Студентам не менее чем за 10 дней сообщается программа коллоквиума и уточняется время его проведения. Коллоквиум проводится в два этапа. Первый этап может состоять в выполнении письменной работы по билетам, содержащим как теоретические, так и практические задания, так и в форме тестирования, включающем также как теоретические, так и практические задания. Второй этап проходит в форме устного собеседования (проверяется качество усвоения студентом доказательств теоретических утверждений). Итоговая оценка выставляется по сумме баллов за 1-й и 2-й этап. Коллоквиум проводят лектор дисциплины, преподаватель, ведущий практические занятия в группе, а также другие преподаватели, имеющие опыт преподавания дисциплины.

В начале семестра студентам предоставляется семестровый план организации занятий по дисциплине. План содержит описание содержания лекций (для каждой лекции описывается ее содержание и указываются параграфы или страницы учебных пособий, а также внешних электронных ресурсов, в которых изложено ее содержание); планы практических занятий с указанием номеров задач из указанной литературы для решения в аудитории и самостоятельно, темы индивидуальных домашних заданий, сроки их выдачи и приема решений; темы, длительность и сроки контрольных работ, используемые базы данных и электронные материалы из ОРИОКС. Семестровый план размещается в ОРИОКС: <http://orioks.miet.ru/>.

Лектор дисциплины или преподаватель может рекомендовать дополнительные учебные материалы в ходе семестра. Они могут размещаться в ОРИОКС.

На первой неделе семестра утверждается порядок начисления баллов по накопительной балльной системе выставления оценки по дисциплине. Данный порядок размещается в ОРИОКС и доступен студентам в личном кабинете.

На лекциях, в связи с имеющимися проблемами у студентов по освоению теоретического материала дисциплины, для обеспечения оперативной обратной связи и контроля за посещением лекций, могут проводиться краткие тесты по выяснению степени усвоения студентами пройденного теоретического материала.

Организация промежуточной аттестации по дисциплине в форме экзамена включает самостоятельную работу студентов во время экзаменационной сессии в соответствии с ее расписанием и контактную работу с преподавателем во время проведения экзамена.

11.2. Система контроля и оценивания.

Для оценки успеваемости студентов по дисциплине используется накопительная балльная система. Порядок начисления баллов за освоение дисциплины в семестрах и на экзаменах утверждается в начале семестра.

По сумме баллов выставляется итоговая оценка по дисциплине за семестр.

Структура контрольных мероприятий, график их проведения, порядок начисления баллов размещаются в ОРИОКС <http://orioks.miet.ru/>.

Важное значение придаётся соблюдению сроков сдачи контрольных мероприятий. Задержка в сдаче приводит к уменьшению числа баллов, начисляемых за выполнение.

РАЗРАБОТЧИК:

Зав. каф. ВМ-1, доцент, д.пед.н.



/Прокофьев А.А./

Рабочая программа дисциплины «Теория функций комплексной переменной» по направлению подготовки 01.03.04 «Прикладная математика» разработана на кафедре ВМ-1 и утверждена на заседании кафедры 25.02 2026 года, протокол № 8

Заведующий кафедрой ВМ-1  /А.А. Прокофьев/

ЛИСТ СОГЛАСОВАНИЯ

Рабочая программа согласована с Центром подготовки к аккредитации и независимой оценки качества

Начальник АНОК  /Никulina И.М./

Рабочая программа согласована с библиотекой МИЭТ

Директор библиотеки  /Филиппова Т.П./